

– Si cette démonstration a la forme

$$\frac{\frac{\pi_1}{\Gamma \vdash A \vee B, \Delta'} \quad \frac{\pi_2}{\Gamma, A \vdash C, \Delta'} \quad \frac{\pi_3}{\Gamma, B \vdash C, \Delta'}}{\Gamma \vdash C, \Delta'} \vee\text{-élim}$$

alors, par hypothèse de récurrence et d'après la proposition 6.1, il existe des démonstrations en calcul des séquents π'_1 , π'_2 et π'_3 de $\Gamma \vdash A \vee B, C, \Delta'$, de $\Gamma, A \vdash C, \Delta'$ et de $\Gamma, B \vdash C, \Delta'$. On construit la démonstration

$$\frac{\frac{\pi'_1}{\Gamma \vdash A \vee B, C, \Delta'} \quad \frac{\frac{\pi'_2}{\Gamma, A \vdash C, \Delta'} \quad \frac{\pi'_3}{\Gamma, B \vdash C, \Delta'}}{\Gamma, A \vee B \vdash C, \Delta'} \vee\text{-gauche}}{\Gamma \vdash C, \Delta'} \text{coupure}$$

– Si cette démonstration a la forme

$$\frac{\frac{\pi_1}{\Gamma \vdash A \Rightarrow B, \Delta'} \quad \frac{\pi_2}{\Gamma \vdash A, \Delta'}}{\Gamma \vdash B, \Delta'} \Rightarrow\text{-élim}$$

alors, par hypothèse de récurrence et d'après la proposition 6.1, il existe des démonstrations en calcul des séquents π'_1 et π'_2 des séquents $\Gamma \vdash A \Rightarrow B, B, \Delta'$ et $\Gamma \vdash A, B, \Delta'$. On construit la démonstration

$$\frac{\frac{\pi'_1}{\Gamma \vdash A \Rightarrow B, B, \Delta'} \quad \frac{\frac{\pi'_2}{\Gamma \vdash A, B, \Delta'} \quad \frac{\pi'_2}{\Gamma, B \vdash B, \Delta'} \text{axiome}}{\Gamma, A \Rightarrow B \vdash B, \Delta'} \Rightarrow\text{-gauche}}{\Gamma \vdash B, \Delta'} \text{coupure}$$

– Si cette démonstration a la forme

$$\frac{\frac{\pi_1}{\Gamma \vdash \neg A, \Delta'} \quad \frac{\pi_2}{\Gamma \vdash A, \Delta'}}{\Gamma \vdash \perp, \Delta'} \neg\text{-élim}$$

alors, par hypothèse de récurrence et d'après la proposition 6.1, il existe des démonstrations en calcul des séquents π'_1 et π'_2 des séquents $\Gamma \vdash \neg A, \perp, \Delta'$ et $\Gamma \vdash A, \perp, \Delta'$. On construit la démonstration

$$\frac{\frac{\pi'_1}{\Gamma \vdash \neg A, \perp, \Delta'} \quad \frac{\pi'_2}{\Gamma \vdash A, \perp, \Delta'}}{\Gamma \vdash \perp, \Delta'} \neg\text{-gauche}$$

coupure