

On dit que l'ensemble E est *dans la classe NP* s'il existe une machine de Turing non déterministe qui termine toujours telle que

- pour tout arbre a , a appartient à E si et seulement si *l'une des* suites de transitions de la machine sur l'arbre a donne le résultat 1 et
- il existe un polynôme f tel que la longueur de toutes les suites de transitions de cette machine sur un arbre de taille p soit majorée par $f(p)$.

Montrer que l'ensemble SAT des propositions de la logique des propositions définie à l'exercice 4.11 qui sont cohérentes — on dit aussi *satisfiables* —, c'est-à-dire qui ont un modèle, est dans la classe *NP*.

La notion de calculabilité présente donc une certaine robustesse, puisque les fonctions définissables dans des langages aussi divers que celui des machines de Turing, le lambda-calcul ou la réécriture sont les mêmes : ce sont les fonctions calculables.

Toutefois, cette diversité apparente des langages masque en réalité une profonde unité : dans tous ces langages, l'exécution d'un calcul est définie comme une suite de petits pas.